

## Matemáticas Preparatoria

<http://www.profesorparticularpuebla.com>

# FÓRMULAS DERIVACIÓN E INTEGRACIÓN

## DERIVADAS

### BÁSICAS

$$\frac{dy}{dx} k = 0$$

$$\frac{dy}{dx} x = 1$$

### ALGEBRAICAS

$$\frac{dy}{dx} kx = k$$

$$\frac{dy}{dx} x^n = nx^{n-1}$$

$$\frac{dy}{dx} cf(x) = c \frac{dy}{dx} f(x)$$

$$\frac{dy}{dx} cx^n = cn x^{n-1}$$

$$\frac{dy}{dx} [u \pm v \pm w] = u' \pm v' \pm w'$$

$$\frac{dy}{dx} u \cdot v = u v' + v u'$$

$$\frac{dy}{dx} \frac{u}{v} = \frac{v \cdot u' - u \cdot v'}{v^2}$$

### TRIGONOMÉTRICAS

$$\frac{dy}{dx} \operatorname{sen} u = \cos u u'$$

$$\frac{dy}{dx} \cos u = -\operatorname{sen} u u'$$

$$\frac{dy}{dx} \tan u = \sec^2 u u'$$

$$\frac{dy}{dx} \cot u = -\csc^2 u u'$$

$$\frac{dy}{dx} \sec u = \sec u \cdot \tan u \cdot u'$$

$$\frac{dy}{dx} \csc u = -\csc u \cdot \cot u \cdot u'$$

### POTENCIAL Y EXPONENCIAL

$$\frac{dy}{dx} ku^n = k \cdot u \cdot u^{n-1}$$

$$\frac{dy}{dx} k^u = k \cdot \ln c \cdot u'$$

$$\frac{dy}{dx} u^v = v \cdot u^{v-1} v' + u^v \ln u \cdot v'$$

$$\frac{dy}{dx} e^u = e^u u'$$

$$\frac{dy}{dx} |u| = \frac{|u|}{u} u'$$

$$\frac{dy}{dx} |u| = \frac{|u|}{u} u'$$

### LOGARITMOS:

$$\frac{dy}{dx} \ln u = \frac{1}{u} u'$$

$$\frac{dy}{dx} \log u = \frac{1}{u \cdot \ln 10} u'$$

$$\frac{dy}{dx} \log_c u = \frac{1}{u \cdot \ln c} u'$$

$$\frac{dy}{dx} \log_v u = \frac{v \ln v \cdot u' - u \ln u \cdot v'}{u \cdot v \cdot \ln^2 v} u'$$

### TRIGONOMÉTRICAS INVERSAIS

$$\frac{dy}{dx} \sin^{-1} u = \frac{1}{\sqrt{1-u^2}} u'$$

$$\frac{dy}{dx} \cos^{-1} u = -\frac{1}{\sqrt{1-u^2}} u'$$

$$\frac{dy}{dx} \tan^{-1} u = \frac{1}{1+u^2} u'$$

$$\frac{dy}{dx} \cot^{-1} u = -\frac{1}{1+u^2} u'$$

$$\frac{dy}{dx} \sec^{-1} u = \frac{1}{u \cdot \sqrt{u^2-1}} u'$$

$$\frac{dy}{dx} \csc^{-1} u = -\frac{1}{u \cdot \sqrt{u^2-1}} u'$$

# INTEGRALES

1.  $\int k \, dx = k \int dx = kx + c$
2.  $\int k f(x)dx = k \int f(x)dx$
3.  $\int x^n \, dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + c \quad n \neq -1$
4.  $\int dx = x + c$
5.  $\int x^{-1} \, dx = \int \frac{1}{x} \, dx = \ln|x| + c$
6.  $\int (u + v + w) \, dx = \int u \, dx + \int v \, dx + \int w \, dx + c$
7.  $\int \sin u \, du = -\cos u + c$
8.  $\int \cos u \, du = \sin u + c$
9.  $\int \tan u \, du = \ln|\sec u| + c = -\ln|\cos u| + c$
10.  $\int \cot u \, du = \ln|\sin u| + c$
11.  $\int \sec u \, du = \ln|\sec u + \tan u| + c$
12.  $\int \csc u \, du = -\ln|\csc u + \cot u| + c$
13.  $\int \sec^2 u \, du = \tan u + c$
14.  $\int \csc^2 u \, du = -\cot u + c$
15.  $\int \sec u \cdot \tan u \, du = \sec u + c$
16.  $\int \csc u \cdot \cot u \, du = -\csc u + c$
17.  $\int u^n \, du = \frac{u^{n+1}}{n+1} + c \quad n \neq -1$
18.  $\int e^u \, du = e^u + c$
19.  $\int a^u \, du = \frac{1}{\ln a} a^x + c \quad a > 0$
20.  $\int \frac{du}{u} = \ln u + c$

## TECNICAS INTEGRACION

### CAMBIO DE VARIABLE

Solo se cambia una variable por otra, es un cambio ciego, es decir no modifica la función.

$$\int \sin 5x \, dx$$

Solución aquí se cambia por:  $u=5x$  de donde  $\frac{du}{dx} = 5$

Y por lo tanto:  $dx = \frac{du}{5}$

La integral queda como:

$$\int \sin u \frac{du}{5} = \frac{1}{5} \int \sin u \, du = \frac{1}{5}(-\cos u) + c$$

Sustituyendo el valor de  $u$ , tenemos:

$$-\frac{1}{5} \cos 5x + c$$

### INTEGRACION POR PARTES:

$$\int u \, dv = uv - \int v \, du$$

Esta fórmula permite que se conviertan ciertas integrales aparentemente complejas en integrales mucho más simples, siguiendo las siguientes tres reglas para elegir  $u$  y  $dv$ :

1.  $u$  debe ser una función fácil de derivar
2.  $dv$  debe ser una expresión fácil de integrar
3.  $\int v \cdot du$  debe ser más sencilla que  $\int u \, dv$

### SUSTITUCION TRIGONOMETRICA

$u^2 - a^2$	1. $\tan^2 \theta = \sec^2 \theta + 1$
$a^2 - u^2$	2. $\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$
$u^2 + a^2$	2. $\sec^2 \theta = 1 + \tan^2 \theta$

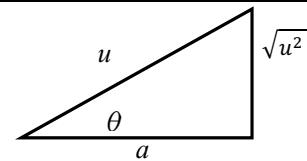
Radical  $\sqrt{u^2 - a^2}$

sustituir

$$u = a \sec \theta$$

aplicando 1 tenemos:

$$\sqrt{u^2 - a^2} = a \tan \theta$$



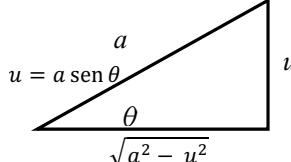
Radical  $\sqrt{a^2 - u^2}$

sustituir

$$u = a \sin \theta$$

Aplicando 2 tenemos:

$$\sqrt{a^2 - u^2} = a \cos \theta$$



Radical  $\sqrt{u^2 + a^2}$

sustituir

$$u = a \tan \theta$$

aplicando 3 tenemos:

$$\sqrt{u^2 + a^2} = a \sec \theta$$

